

2011年第16問


 数理
石井K

16 a を実数の定数とする。円 $x^2 + y^2 + (3a+1)x - (a+3)y - 7a - 10 = 0$ は、 a の値にかかわらず、常に定点を通る。その定点のなかで、座標平面上の第1象限にある点の y 座標の値を求めよ。

$$x^2 + y^2 + 3ax + x - ay - 3y - 7a - 10 = 0$$

$$(x^2 + y^2 + x - 3y - 10) + a(3x - y - 7) = 0$$

$$\therefore \begin{array}{l} x^2 + y^2 + x - 3y - 10 = 0 \quad \text{かつ} \quad 3x - y - 7 = 0 \quad \dots \textcircled{2} \\ \dots \textcircled{1} \end{array}$$

②より、 $y = 3x - 7$ これを①に代入して

$$x^2 + (3x - 7)^2 + x - 3(3x - 7) - 10 = 0$$

$$\therefore 10x^2 - 42x + 49 + x - 9x + 21 - 10 = 0$$

$$10x^2 - 50x + 60 = 0$$

$$x^2 - 5x + 6 = 0$$

$$(x - 2)(x - 3) = 0 \quad \therefore x = 2, 3$$

②より、定点は、 $(2, -1)$, $(3, 2)$

第1象限.

$$\therefore \underline{y = 2}$$