

2010年 医学部 第2問

2 以下の問に答えよ。

(1) $0 < x < 1$ で, $(\sqrt{2}-1)x + 1 < \sqrt{1+x} < \sqrt{2}$ が成り立つことを示せ。(2) $0 < a < 1$ に対して定積分 $\int_a^1 \sqrt{1-x} dx$, $\int_a^1 x\sqrt{1-x} dx$ を計算せよ。(3) 極限值 $\lim_{a \rightarrow 1-0} \frac{\int_a^1 \sqrt{1-x^2} dx}{(1-a)^{\frac{3}{2}}}$ を求めよ。