



2013年理(物・化)・工・情報第2問

2 次の問いに答えよ。

(1)  $n$  を自然数とすると、ある自然数  $a$  と  $b$  を用いて、

$$(2 + \sqrt{3})^n = a + b\sqrt{3}, \quad (2 - \sqrt{3})^n = a - b\sqrt{3}$$

とかけることを、数学的帰納法を使って示せ。

(2) (1) の  $a$  と  $b$  について、 $a^2 - 3b^2 = 1$  が成り立つことを示せ。

(3)  $n$  を自然数とすると、ある自然数  $m$  を用いて、

$$(2 + \sqrt{3})^n = \sqrt{m} + \sqrt{m-1}, \quad (2 - \sqrt{3})^n = \sqrt{m} - \sqrt{m-1}$$

とかけることを示せ。