



2011年 第2問

2 $A_0 = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ とする. 整数 $n \geq 1$ に対して, 次の試行により行列 A_{n-1} から行列 A_n を定める.

「数字の組 $(1, 1), (1, 2), (2, 1), (2, 2)$ を一つずつ書いた4枚の札が入っている袋から1枚を取り出し, その札に書かれている数字の組が (i, i) のとき, A_{n-1} の (i, j) 成分に1を加えた行列を A_n とする.」

この試行を n 回 ($n = 2, 3, 4, \dots$) くり返した後に, A_0, A_1, \dots, A_{n-1} が逆行列をもたず A_n は逆行列をもつ確率を p_n とする.

- (1) p_2, p_3 を求めよ.
- (2) $n-1$ 回 ($n = 2, 3, 4, \dots$) の試行をくり返した後に, A_{n-1} の第1行の成分がいずれも正で第2行の成分はいずれも0である確率 q_{n-1} を求めよ.
- (3) p_n ($n = 2, 3, 4, \dots$) を求めよ.