

千葉大学

2015年 医学部 第1問

1 b と c を $b^2 + 4c > 0$ を満たす実数として、 x に関する2次方程式 $x^2 - bx - c = 0$ の相異なる解を α, β とする。数列 $\{a_n\}$ を

$$a_n = \alpha^{n-1} + \beta^{n-1} \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

により定める。このとき、つぎの問いに答えよ。

(1) 数列 $\{a_n\}$ は漸化式

$$a_{n+2} = ba_{n+1} + ca_n \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

を満たすことを示せ。

(2) 数列 $\{a_n\}$ の項 a_n がすべて整数であるための必要十分条件は、 b, c がともに整数であることである。これを証明せよ。