



2012年 教育地域科学 第2問

2 四面体OABCにおいて、 $OA = 2$, $OB = \sqrt{2}$, $OC = 1$ であり、 $\angle AOB = \frac{\pi}{2}$, $\angle AOC = \frac{\pi}{3}$, $\angle BOC = \frac{\pi}{4}$ であるとする。また、3点O, A, Bを含む平面を α とし、点Cから平面 α に下ろした垂線と α との交点をH, 平面 α に関してCと対称な点をDとする。 $\overrightarrow{OA} = \vec{a}$, $\overrightarrow{OB} = \vec{b}$, $\overrightarrow{OC} = \vec{c}$ とおくとき、以下の問い合わせに答えよ。

- (1) \overrightarrow{OH} , \overrightarrow{OD} を \vec{a} , \vec{b} , \vec{c} を用いて表せ。
- (2) 四面体OABCの体積を求めよ。
- (3) $\triangle ABC$ の重心をGとし、面OAB上の点Pで $CP + PG$ を最小にする点を P_0 とする。このとき、 $\overrightarrow{OP_0}$ を \vec{a} , \vec{b} を用いて表し、 $CP_0 + P_0G$ の値を求めよ。