

2011年社会科学学部第2問

- 2 正の定数 a, b, c を用いて、 $\triangle ABC$ の内部の点 P は

$$a \vec{PA} + b \vec{PB} + c \vec{PC} = \vec{0}$$

と表すことができる。ただし、 $\vec{0}$ は零ベクトルである。

次の間に答えよ。

- (1) 直線 AP と辺 BC の交点を Q とする。

- (a) 線分の長さの比 $BQ : QC = t : 1 - t$ とおくと

$$\vec{PQ} = \boxed{1} \vec{PA} + \boxed{2} \vec{PB}$$

と表せる。 $1, 2$ あてはまる t の式を a, b, c を用いて表せ。

- (b) 線分の長さの比 $BQ : QC$ を a, b, c を用いて表せ。

- (c) 線分の長さの比 $AP : PQ$ を a, b, c を用いて表せ。

- (2) 面積の比 $\triangle PBC : \triangle PCA : \triangle PAB$ を a, b, c を用いて表せ。