

2011年学芸（数学）第1問

1 次の問いに答えよ。

- (1) $f(x) = e^{-x} + \int_0^x e^{-(x-t)} \sin t dt$ とする。このとき, $f'(x) + f(x) = \sin x$ が成り立つことを示せ。
- (2) 座標空間において, 原点Oと点A(1, 1, 1)を通る直線を ℓ とし, 原点Oを通り直線 ℓ とのなす角が $\frac{\pi}{3}$ である直線の1つを m とする。直線 m を直線 ℓ のまわりに1回転してできる図形を S とする。点P(x, y, z)が S 上にあるならば,

$$x^2 + y^2 + z^2 + 8xy + 8yz + 8zx = 0$$

が成り立つことを示せ。