

2015年理系第5問

5 n を相異なる素数 p_1 , p_2 , …, p_k $(k \ge 1)$ の積とする. a, b を n の約数とするとき, a, b の最大公約数 を G, 最小公倍数を L とし,

$$f(a, b) = \frac{L}{G}$$

とする.

- (1) f(a, b) がn の約数であることを示せ.
- (2) f(a, b) = b ならば、a = 1 であることを示せ.
- (3) m を自然数とするとき,m の約数であるような素数の個数を S(m) とする.S(f(a, b)) + S(a) + S(b) が偶数であることを示せ.