



2015年農・文化教育学部第2問

2 a, b, c を正の定数とし、3点 $A(a, 0, 0)$, $B(0, b, 0)$, $C(0, 0, c)$ の定める平面を α とする。また、原点を O とし、平面 α に垂直な単位ベクトルを $\vec{n} = (n_1, n_2, n_3)$ とする。ただし、 $n_1 > 0$ とする。このとき、次の間に答えよ。

- (1) \vec{n} を求めよ。
- (2) 平面 α 上に点 H があり、直線 OH は α に垂直であるとする。 \overrightarrow{OH} および $|\overrightarrow{OH}|$ を求めよ。
- (3) $\triangle ABC$ の面積を S , $\triangle OBC$ の面積を S_1 とする。四面体 $OABC$ の体積を考えることにより、 $S_1 = n_1 S$ であることを示せ。