

2014年文系第4問

4  $a, b, p, q$  を実数とする. 3つの2次方程式

$$x^2 + ax + b = 0 \quad \dots\dots ①$$

$$x^2 + px + q = 0 \quad \dots\dots ②$$

$$2x^2 + (a + p)x + b + q = 0 \quad \dots\dots ③$$

について, 次を証明せよ.

- (1) ①, ②, ③ がすべて重解をもてば,  $a = p$  かつ  $b = q$  である.  
(2) ①, ② がともに虚数解をもてば, ③ も虚数解をもつ.