



2013年医学部第1問

1 次の各間に答えよ。

(1) 空間に点 $P(-4, -6, 3)$ がある。いま、2点 $A(2, -3, 0)$, $B(-4, 0, 12)$ を結ぶ直線上に点 H をとり、直線 PH が直線 AB と垂直になるようにする。点 H の座標を求めよ。

(2) 次の(i), (ii)に答えよ。

(i) $\tan \frac{\theta}{2} = t$ とおく。 $\sin \theta$ を t を用いて表せ。

(ii) $\sin \theta + \cos \theta = -\frac{1}{5}$ ($-\pi < \theta < \pi$) とする。 $\tan \frac{\theta}{2}$ の値を求めよ。

(3) 1から n までの番号が1つずつ書かれた n 枚の同じ形のカードがある。ただし、 n は2以上の整数である。この n 枚のカードから、元に戻さずに1枚ずつ2回無作為に抜き出すとする。2回目に抜き出したカードの番号が1回目の番号より大きければ、2回目のカードの番号を得点とする。そうでなければ得点は0とする。次の間に答えよ。

(i) m は $1 \leq m \leq n$ を満たす整数とする。2回目のカードの番号が m となる確率を求めよ。

(ii) m は(i)と同じとする。得点が m となる確率を求めよ。

(iii) 得点が0となる確率を求めよ。

(iv) 得点の期待値を求めよ。