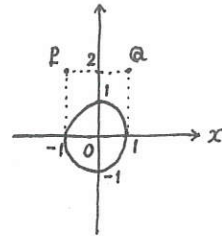


2015年現代心理(心理)・コミュ(コミュ)・観光(交流)・経営第3問

3 座標平面上の2点P, QをP(-1, 2), Q(1, 2)とする. 点Aが点(1, 0)から出発し, 点O(0, 0)を中心とする半径1の円周C上を次のルールで動くとする.

【ルール】

- 1個のさいころを1回投げて1回の試行とする.
- aの目が出たら, 反時計回りに $a \times 30^\circ$ 回転する.



このとき, 次の問に答えよ.

- (1) 三角形PQAの面積が $\frac{3}{2}$ となるようなAの座標をすべて求めよ.
- (2) 三角形PQAが直角三角形となるようなAの座標をすべて求めよ.
- (3) 2回の試行を行う. 2回の試行の後, 三角形PQAが直角三角形となる確率を求めよ.
- (4) 3回の試行を行う. 3回の試行の後, 三角形PQAの面積が $\frac{3}{2}$ となる確率を求めよ.

(1) PQを底辺とみたときの $\triangle PQA$ の高さを h とおくと,

$$\frac{1}{2} \cdot 2 \cdot h = \frac{3}{2} \text{ より, } h = \frac{3}{2} \therefore A \text{ の } y \text{ 座標は } \frac{1}{2}$$

$$A \text{ は } C \text{ 上の点より, } \left(\frac{\sqrt{3}}{2}, \frac{1}{2} \right), \left(-\frac{\sqrt{3}}{2}, \frac{1}{2} \right) //$$

(2) $\triangle PQA$ において, $\angle P = 90^\circ$ となるのは $A(-1, 0)$, $\angle Q = 90^\circ$ となるのは $A(1, 0)$

$\angle A = 90^\circ$ となるのは, AがCと $x^2 + (y-2)^2 = 1$ (PQを直径とする円) の交点のとき.

$$\text{すなわち, } A(0, 1) \quad \text{以上より, } \underline{(-1, 0), (1, 0), (0, 1)} //$$

(3) $A(-1, 0)$ となる場合 \rightarrow さいころ3の目の組は (1, 5), (2, 4), (3, 3), (4, 2), (5, 1)

$$A(1, 0) \quad \rightsquigarrow \quad \rightarrow (6, 6)$$

$$A(0, 1) \quad \rightsquigarrow \quad \rightarrow (1, 2), (2, 1)$$

$$\text{全部で8通り} \quad \therefore \frac{8}{36} = \underline{\frac{2}{9}} //$$

(4) Aが $30^\circ, 150^\circ, 390^\circ, 510^\circ$ 回転したときなので

$$30^\circ \rightarrow \text{なし}$$

$150^\circ \rightarrow$ さいころ3の目の組は $\{1, 1, 3\}$, $\{1, 2, 2\}$ とその順序を入れかえたもの

$390^\circ \rightarrow \{1, 6, 6\}$, $\{2, 5, 6\}$, $\{3, 5, 5\}$, $\{3, 4, 6\}$, $\{4, 4, 5\}$

$510^\circ \rightarrow \{5, 6, 6\}$

*丸数字は順序を考えたときの個数

$$\text{よって, 合計 30通り.} \quad \therefore \frac{30}{6^3} = \underline{\frac{5}{36}} //$$