

2010年工学域（中期）第2問

- 2 平面上に4点O, A, B, Cがあり、点Oを始点とするそれぞれの位置ベクトルを \vec{a} , \vec{b} , \vec{c} とし、

$$|\vec{a}| = \sqrt{2}, \quad |\vec{b}| = \sqrt{10}, \quad \vec{a} \cdot \vec{b} = 2, \quad \vec{a} \cdot \vec{c} = 8, \quad \vec{b} \cdot \vec{c} = 20$$

が成り立つとする。このとき、次の問いに答えよ。

- (1) \vec{c} を \vec{a} と \vec{b} を用いて表せ。
- (2) 点Cから直線ABに下ろした垂線と直線ABの交点をHとする。このとき、ベクトル \vec{OH} を \vec{a} と \vec{b} を用いて表せ。また、 $|\vec{CH}|$ を求めよ。
- (3) 実数 s, t に対して、点Pを

$$\vec{OP} = s\vec{a} + t\vec{b}$$

で定める。 s, t が条件

$$(s+t-1)(s+3t-3) \leq 0$$

を満たしながら変化するとき、 $|\vec{CP}|$ の最小値を求めよ。