

2011年 化学・情報科学科（共通問題）第3問

3  $x$  の多項式  $f(x)$  は

$$\int_{-1}^1 xf(x) dx = 0, \quad f(1) = f(-1) = 0$$

を満たしているとする。

(1) このとき  $\int_{-1}^1 x^2 f'(x) dx = 0$  を示せ。(2) さらに多項式  $f(x)$  は3次以下で  $\int_{-1}^1 f(x)e^x dx = 1$  を満たしているとする。このような  $f(x)$  を求めよ。