

新潟大学



2012年理系第5問

- 5 次の問いに答えよ.
- (1) 実数 $x \ge 0$ に対して、次の不等式が成り立つことを示せ.

$$x - \frac{1}{2}x^2 \le \log(1+x) \le x$$

(2) 数列 {a_n} を

$$a_n = n^2 \int_0^{\frac{1}{n}} \log(1+x) dx \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

によって定めるとき, $\lim_{n\to\infty} a_n$ を求めよ.

(3) 数列 $\{b_n\}$ を

$$b_n = \sum_{k=1}^{n} \log \left(1 + \frac{k}{n^2} \right) \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

によって定めるとき, $\lim_{n\to\infty} b_n$ を求めよ.