

2012年工学部第4問



4 箱Aには1から9までの数が書かれた札が9枚、箱Bには0から9までの数が書かれた札が10枚入っている。今、それぞれの箱から1枚ずつ札を取り出して2桁の数を作る。ただし、箱Aから取り出した札を十の位、箱Bから取り出した札を一の位に割り当てるものとし、取り出した札は数を記録した後で元の箱に戻す。今、下図のような数直線を考え、点Qが初期状態で3の位置にあるものとする。2桁の数が3の倍数の場合は数直線上の点Qを負の方向に1移動し、それ以外の場合は正の方向に1移動するものとして、以下の問いに答えよ。

- (1) 数直線上の点Qを移動する試行を3回行ったとき、点Qが原点0上にない確率を求めよ。
- (2) 数直線上の点Qを移動する試行を $n$ 回 ( $n \geq 3$ ) 行ったときの点Qの位置を $x(n)$ とする。数直線上を負の方向に移動した回数を $k$ として $x(n)$ を $n$ と $k$ で表せ。また、点Qが原点0上にあるときの $k$ を求めよ。
- (3) 数直線上の点Qの移動する試行を $n$ 回 ( $n \geq 3$ ) 行ったとき、点Qが原点0上にある確率を求めよ。

3の倍数と否の否。 

Aから{1, 4, 7}, Bから{2, 5, 8}を取り出した場合。

Aから{2, 5, 8}, Bから{1, 4, 7}を取り出した場合。

Aから{3, 6, 9}, Bから{0, 3, 6, 9}を取り出した場合。

よって、3の倍数と否の確率は、 $\frac{2 \times 3^2 + 3 \cdot 4}{9 \cdot 10} = \frac{1}{3}$

(1) 原点上にく3のは、3回とも3の倍数のとすより、 $(\frac{1}{3})^3 = \frac{1}{27}$  余事象より  $1 - \frac{1}{27} = \frac{26}{27}$  //

(2)  $3 + (-1) \times k + (n - k) = x(n) \quad \therefore x(n) = n - 2k + 3$  //

(3) (2)より、 $n - 2k + 3 = 0 \quad \therefore k = \frac{n+3}{2}$

(i)  $n$ が偶数のとき、そのような整数 $k$ は存在しないので確率0 //

(ii)  $n$ が奇数のとき、 $(\frac{1}{3})^{\frac{n+3}{2}} \cdot (\frac{2}{3})^{\frac{n-3}{2}} \cdot n C \frac{n+3}{2}$  //