

2016年医学部第1問

1 次の各問い合わせよ。

- (1) 円に内接する四角形 ABCD において、 $AB = 1 + \sqrt{3}$, $BC = CD$, $DA = 2$, また $\angle DAB = 60^\circ$ である。四角形 ABCD の対角線の交点を P, $\angle BCD$ の二等分線と辺 AB との交点を Q, BD と CQ の交点を R とするとき、以下の各問い合わせよ。なお数値の分母は有理化すること。
- (i) 辺 BD の長さを求めよ。
 - (ii) $\angle ABD$ の大きさを求めよ。
 - (iii) 辺 BP の長さを求めよ。
 - (iv) 三角形 PQR の内接円の半径を求めよ。
- (2) 自然数 n に対して、 n を 3 で割った余りを a_n , n^2 を 3 で割った余りを b_n とするとき、以下の各問い合わせよ。
- (i) $\sum_{n=1}^{2016} (a_n + b_n)$ の値を求めよ。
 - (ii) $\sum_{n=1}^m (a_{n+2} + b_{n+1} + 2a_n) = 2016$ を満たす自然数 m の値を求めよ。
- (3) O を原点とする座標平面上に、次のような双曲線 C と直線 ℓ_k (k は実数の定数) が与えられているとき、以下の各問い合わせよ。

$$C : \frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{3} = -1 \quad \ell_k : 3x - 4y + k = 0$$

- (i) C と ℓ_k が接するような k の値を求めよ。
- (ii) C 上の点と直線 $\ell_0 : 3x - 4y = 0$ の距離の最小値を求めよ。