

2010年第3問

- 3  $xy$  平面上の点 A を次のルール (\*) に従って動かす試行を繰り返す。

(\*)  $\begin{cases} 1 \text{ 個のさいころを投げ,} \\ (\text{A}) 1 \text{ または } 2 \text{ の目が出たとき, } x \text{ 軸の正の方向に } 1 \text{ 動かす.} \\ (\text{B}) 3 \text{ または } 4 \text{ の目が出たとき, } y \text{ 軸の正の方向に } 1 \text{ 動かす.} \\ (\text{C}) 5 \text{ または } 6 \text{ の目が出たとき, 動かさない.} \end{cases}$

A は始め原点 O にある。直線  $x + y = 3$  を  $\ell$  として、次の問い合わせに答えよ。

- (1) 5 回の試行後、A が (2, 1) にある確率を求めよ。
- (2)  $n \geq 3$  に対し、 $n$  回の試行後、A が  $\ell$  上にある確率を求めよ。
- (3) A が  $\ell$  上に来たとき、または (C) が合計 2 回生じたとき、試行を終了する。
  - (a) A が  $\ell$  上に来て試行が終了する確率を求めよ。
  - (b) 終了までの試行回数の期待値を求めよ。