

# 名古屋工業大学

2014年工学部第1問

1 以下の問いに答えよ.

- (1)  $r \neq 1$  のとき  $S_n = r + 2r^2 + 3r^3 + \dots + nr^n$  を求めよ.  
(2)  $x > 0$  に対して

$$f_n(x) = e^{-x} + 2e^{-2x} + 3e^{-3x} + \dots + ne^{-nx}$$

とおく. 極限  $f(x) = \lim_{n \rightarrow \infty} f_n(x)$  を求めよ. ただし  $\lim_{t \rightarrow \infty} te^{-t} = 0$  であることを用いてもよい.

- (3) (2) で得られた関数  $f(x)$  について, 不定積分  $\int f(x) dx$  を求めよ.  
(4) (2) で得られた関数  $f(x)$  について, 定積分  $\int_{\log 2}^{\log 3} xf(x) dx$  を求めよ.