



2010年法学部第1問

1  の中に答を入れよ。

- (1)  $-\frac{\pi}{2} \leq \theta \leq \frac{\pi}{2}$  のとき、関数  $y = \cos 2\theta - 2\sin \theta$  の最大値とそのときの  $\theta$  の値を求めると  $(y, \theta) =$   であり、最小値とそのときの  $\theta$  の値を求めると  $(y, \theta) =$   である。
- (2) 実数  $a, b$  を係数とする方程式  $x^3 + ax^2 + bx - 4 = 0$  の解の1つが  $1 - i$  であるとき、残りの解のうち実数解を求めると  $x =$   であり、 $a, b$  の値を求めると  $(a, b) =$   である。ただし、 $i$  は虚数単位である。
- (3)  $x$  についての方程式  $9^x - a \cdot 3^x + a^2 - a = 0$  が2つの異なる実数解をもつとき、定数  $a$  のとりうる値の範囲は  である。また、 $x \geq \sqrt{2}, y \geq 1, x^2 y = 4$  のとき、 $(1 + \log_2 x)(\log_2 y)$  が最大値をとる  $x, y$  の値を求めると、 $(x, y) =$   である。
- (4) 座標平面上に中心が原点  $O$  で半径が3の円  $C$  と、傾きが負で点  $A(5, 0)$  を通る直線  $l$  を考える。 $C$  と  $l$  は2点  $P, Q$  ( $AP < AQ$ ) で交わるとする。 $\angle POQ$  を  $\theta$  とするとき、 $\triangle PQO$  の面積  $S_1$  を  $\theta$  を用いて表すと  $S_1 =$   である。また、点  $B$  の座標を  $(-3, 0)$  とするとき、 $\triangle PQB$  の面積  $S_2$  の最大値は  である。