

2011年 芸術工学部 第3問

- 3 平面上の原点を O とし、三角形 OAB と実数 p ($0 < p < 1$) に対して、点 P_1, P_2, P_3, \dots の位置ベクトルを

$$\overrightarrow{OP_1} = \overrightarrow{OA}, \quad \overrightarrow{OP_2} = \overrightarrow{OA} + p\overrightarrow{AB}, \quad \overrightarrow{OP_3} = \overrightarrow{OA} + p\overrightarrow{AB} + p^2\overrightarrow{BO},$$

$$\overrightarrow{OP_4} = \overrightarrow{OA} + p\overrightarrow{AB} + p^2\overrightarrow{BO} + p^3\overrightarrow{OA},$$

$$\overrightarrow{OP_5} = \overrightarrow{OA} + p\overrightarrow{AB} + p^2\overrightarrow{BO} + p^3\overrightarrow{OA} + p^4\overrightarrow{AB}, \dots$$

によって定義する。次の問いに答えよ。

- (1) $\overrightarrow{OP_{3n}}$ を $n, p, \overrightarrow{OA}, \overrightarrow{OB}$ を用いて表せ。
- (2) $\lim_{n \rightarrow \infty} \overrightarrow{OP_{3n}} = \overrightarrow{OP}$ とする。直線 OP と直線 AB との交点を Q とするとき、点 Q は線分 AB をどのような比に分けるか答えよ。
- (3) 点 P は線分 OQ をどのような比に分けるか答えよ。