



2010年第3問

3 はじめに、Aが赤玉を1個、Bが白玉を1個、Cが青玉を1個持っている。表裏の出る確率がそれぞれ $\frac{1}{2}$ の硬貨を投げ、表が出ればAとBの玉を交換し、裏が出ればBとCの玉を交換する、という操作を考える。この操作を $n$ 回( $n=1, 2, 3, \dots$ )くり返した後にA, B, Cが赤玉を持っている確率をそれぞれ $a_n, b_n, c_n$ とおく。

- (1)  $a_1, b_1, c_1, a_2, b_2, c_2$ を求めよ。
- (2)  $a_{n+1}, b_{n+1}, c_{n+1}$ を $a_n, b_n, c_n$ で表せ。
- (3)  $a_n, b_n, c_n$ を求めよ。