



2015年文系第1問

1 座標平面上の2つの放物線

$$C_1 : y = x^2$$

$$C_2 : y = -x^2 + ax + b$$

を考える。ただし、 a 、 b は実数とする。

(1) C_1 と C_2 が異なる2点で交わるための a 、 b に関する条件を求めよ。

以下、 a 、 b が(1)の条件を満たすとし、 C_1 と C_2 で囲まれる部分の面積が9であるとする。

(2) b を a を用いて表せ。

(3) a がすべての実数値をとって変化するとき、放物線 C_2 の頂点が描く軌跡を座標平面上に図示せよ。