



2012年第1問

1 四面体OABCにおいて

$OA = 1, OB = 3, OC = 2, \angle AOB = 90^\circ, \angle AOC = \angle BOC = 120^\circ$

とする. $\vec{OA} = \vec{a}, \vec{OB} = \vec{b}, \vec{OC} = \vec{c}$ とおく. 次の問いに答えよ.

- (1) 平面ABC上に点Hをとり, s, t, u を実数として $\vec{OH} = s\vec{a} + t\vec{b} + u\vec{c}$ とおく. このとき, $s+t+u=1$ となることを示せ.
- (2) (1)の \vec{OH} が平面ABCに垂直であるとき, s, t, u の値をそれぞれ求めよ.
- (3) 平面OAB上に点Kをとり, \vec{CK} が平面OABに垂直であるとする. このとき, \vec{OK} を \vec{a}, \vec{b} で表し, \vec{CK} の大きさと四面体OABCの体積を求めよ.