

2012年第1問

1 放物線  $y = x^2 + 2(1-a)x - 3a$  を,  $x$  軸方向に 1,  $y$  軸方向に 7 だけ平行移動して得られる放物線を  $C : y = f(x)$  とする. ただし,  $a$  は定数とする.

- (1)  $C$  の頂点の座標を  $a$  を用いて表せ.
- (2)  $C$  と  $x$  軸の正の部分が異なる 2 点で交わるような  $a$  の値の範囲を求めよ.
- (3)  $a$  の値が上の (2) で求めた範囲にあるとする. このとき,  $0 \leq x \leq 5$  における関数  $f(x)$  の最大値と最小値をそれぞれ  $a$  を用いて表せ.