



2016年理系第5問

5 一般項が $a_n = \frac{n!}{n^n}$ で表される数列 $\{a_n\}$ について、次の問いに答えよ。

(1) $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 0$ を示せ。

(2) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_n}{a_{n+1}}$ を求めよ。

(3) 2以上の整数 k に対して、 $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{a_{kn}}{a_n} \right)^{\frac{1}{n}}$ を k を用いて表せ。