

東京大学

2010年理系第2問

2 次の問いに答えよ.

(1) すべての自然数 k に対して, 次の不等式を示せ.

$$\frac{1}{2(k+1)} < \int_0^1 \frac{1-x}{k+x} dx < \frac{1}{2k}$$

(2) $m > n$ であるようなすべての自然数 m と n に対して, 次の不等式を示せ.

$$\frac{m-n}{2(m+1)(n+1)} < \log \frac{m}{n} - \sum_{k=n+1}^m \frac{1}{k} < \frac{m-n}{2mn}$$