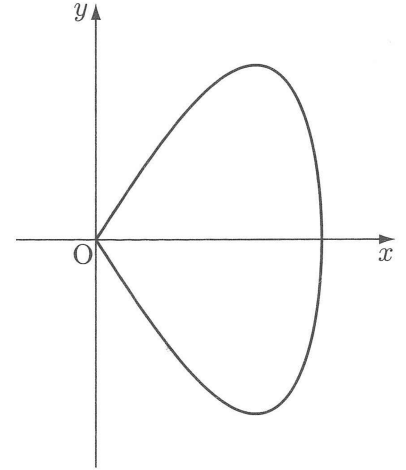


2015年 理系2 第6問

6 座標平面において媒介変数表示された曲線

$$x = \sin t, \quad y = \sin 2t \quad (0 \leq t \leq \pi)$$

を考え、この曲線で囲まれた図形を D とする。右図はこの曲線の概形を表す。



- (1) この曲線上の点 (x, y) の y 座標が最大になるのは $t = \frac{\pi}{\boxed{\text{ア}}}$ のときで、その点の直交座標は $\left(\frac{\sqrt{\boxed{\text{イ}}}}{\boxed{\text{ウ}}}, \boxed{\text{エ}} \right)$ であり、 y 座標が最小になるのは $t = \frac{\boxed{\text{オ}}}{\boxed{\text{カ}}} \pi$ のときで、その点の直交座標は $\left(\frac{\sqrt{\boxed{\text{キ}}}}{\boxed{\text{ク}}}, \boxed{\text{ケコ}} \right)$ である。また、この曲線が原点以外の点で x 軸と交わるのは $t = \frac{\pi}{\boxed{\text{サ}}}$ のときで、その交点の x 座標は $\boxed{\text{シ}}$ である。

(2) $\lim_{t \rightarrow +0} \frac{dy}{dx} = \boxed{\text{ス}}$ であり、 $\lim_{t \rightarrow \pi-0} \frac{dy}{dx} = \boxed{\text{セソ}}$ である。

(3) 図形 D の面積は $\frac{\boxed{\text{タ}}}{\boxed{\text{チ}}}$ である。

(4) 図形 D を x 軸のまわりに 1 回転させてできる立体の体積は $\frac{\boxed{\text{ツ}}}{\boxed{\text{テト}}} \pi$ である。