



2015年 教育学部(数学・技術) 第5問

5  $p$ は素数とし,  $m, n$ は整数で  $m \neq 0$ とする.  $n, p-m, m+n$ がこの順で等差数列になり,  $p-m, n, p+m$ がこの順で等比数列になるとき,  $p, m, n$ を求めよ.

$$\text{等差中項の性質より. } 2(p-m) = n + m + n \quad \therefore n = \frac{1}{2}(2p - 3m) \quad \dots \textcircled{1}$$

$$\text{等比中項の性質より. } n^2 = (p-m)(p+m) \quad \therefore n^2 = p^2 - m^2 \quad \dots \textcircled{2}$$

①, ②より  $n$ を消去して.

$$(2p - 3m)^2 = 4p^2 - 4m^2$$

$$\therefore 13m^2 - 12pm = 0$$

$$\therefore m(13m - 12p) = 0$$

$$m \neq 0 \text{ より. } 13m = 12p$$

12と13は互いに素で  $p$ は素数より.  $p=13$  このとき  $m=12$

$$\textcircled{1} \text{ より. } n = \frac{1}{2}(2 \cdot 13 - 3 \cdot 12) = -5$$

$$\text{以上より. } \underline{p=13, m=12, n=-5} //$$