



2010 年 文系 第 4 問

- 4 原点  $O$  を中心として半径 1 の円の第 1 象限の部分  $C$  について考える。 $C$  上に 3 点  $A\left(\frac{\sqrt{2}}{2}, \frac{\sqrt{2}}{2}\right)$ ,  $P(1, 0)$ ,  $Q(0, 1)$  をとる。 $s + t = 1$  を満たす  $s, t$  ( $0 < s < 1, 0 < t < 1$ ) に対し、弧  $AQ$  上に点  $X$  を 2 つのベクトル

$$s^2 \overrightarrow{OA} - s \overrightarrow{OX}, \quad t \overrightarrow{OA} - t^2 \overrightarrow{OX}$$

が垂直になるようにとる。以下の問いに答えよ。

- (1)  $\overrightarrow{OA}$  と  $\overrightarrow{OX}$  のなす角を  $\theta$  とするとき、 $\cos \theta$  を  $t$  を用いて表せ。
- (2)  $\cos \theta$  のとり得る値の範囲を求めよ。
- (3)  $\triangle OAX$  の面積の最大値を求めよ。