

2011年 教育学部（その他） 第2問

2 四面体OABCにおいて

$$\begin{aligned} OA &= \sqrt{2}, \quad OB = 3, \quad OC = 2, \\ \angle AOB &= 45^\circ, \quad \angle BOC = 60^\circ, \quad \angle COA = 45^\circ \end{aligned}$$

である。 $\overrightarrow{OA} = \vec{a}$, $\overrightarrow{OB} = \vec{b}$, $\overrightarrow{OC} = \vec{c}$ とするとき、次の問いに答えよ。

- (1) 辺ABの中点をD、辺BCを1:2に内分する点をEとし、線分AEと線分CDとの交点をFとするとき、 \overrightarrow{OF} を \vec{a} , \vec{b} , \vec{c} を用いて表せ。
- (2) 点Fから平面OBCにおろした垂線と平面OBCとの交点をHとするとき、 \overrightarrow{OH} を \vec{b} と \vec{c} を用いて表せ。
- (3) 直線OHと辺BCとの交点をIとするとき、BI:ICを求めよ。