



2013年医療衛生学部第1問

1 次の各文の  にあてはまる答を求めよ。

- (1)  $AB = 4$ ,  $AD = 3$  である四角形 ABCDにおいて, 2本の対角線の交点 E は線分 BD を  $3 : 2$  に内分し, 線分 AC を  $1 : 4$  に内分しているとする。 $\vec{AB} = \vec{b}$ ,  $\vec{AD} = \vec{d}$  とおく。このとき, ベクトル  $\vec{AC}$  は  $\vec{AC} = \boxed{\text{ア}} \vec{b} + \boxed{\text{イ}} \vec{d}$  と表せる。さらに, 線分 AC と線分 BD が垂直に交わるとき, 内積  $\vec{b} \cdot \vec{d}$  の値は  であり, 四角形 ABCD の面積は  である。
- (2) 6人の生徒 a, b, c, d, e, f を3つの部屋 P, Q, R に入れる。各部屋は6人まで入れることができる。このとき, 空室があってもよいとして, 3つの部屋への生徒の入れ方は全部で  通りある。また, 各部屋に2人ずつ入るような生徒の入れ方は全部で  通りあり, 空室ができないような生徒の入れ方は全部で  通りある。
- (3)  $x$  の関数  $f(x)$  を  $f(x) = \int_1^{2x} |t(t-x)| dt$  により定める。このとき,  $f(x) \geq 0$  となるための  $x$  の条件は  である。また,  $f(1)$  の値は  $f(1) = \boxed{\text{ケ}}$  であり,  $x > 1$  のときの  $f(x)$  を求めると  $f(x) = \boxed{\text{コ}}$  である。
- (4) 三角形 ABC の内心を I とし, 三角形 ABC の外接円と直線 AI との交点で A 以外のものを D とする。 $AB = 2$ ,  $AC = 3$ ,  $AD = 4$  のとき,  $\cos \angle BAD = \boxed{\text{サ}}$  であり,  $BD = \boxed{\text{シ}}$ ,  $CD = \boxed{\text{ス}}$ ,  $BC = \boxed{\text{セ}}$  である。