

2013年第4問

4 半径1の円盤 C_1 が半径2の円盤 C_2 に貼り付けられており、2つの円盤の中心は一致する。 C_2 の周上にある定点を A とする。 図のように、時刻 $t = 0$ において C_1 は $O(0, 0)$ で x 軸に接し、 A は座標 $(0, -1)$ の位置にある。 2つの円盤は一体となり、 C_1 は x 軸上をすべることなく転がっていく。 時刻 t で C_1 の中心が点 $(t, 1)$ にあるように転がるとき、 $0 \leq t \leq 2\pi$ において A が描く曲線を C とする。

- (1) 時刻 t における A の座標を $(x(t), y(t))$ で表す。 $(x(t), y(t))$ を求めよ。
- (2) $x(t)$ と $y(t)$ の t に関する増減を調べ、 $x(t)$ あるいは $y(t)$ が最大値または最小値をとるときの A の座標を全て求めよ。
- (3) C と x 軸で囲まれた図形の面積を求めよ。

