

慶應義塾大学

2015年 商学部 第3問

- 3 M社はブドウを栽培し、それを原料にしたワインを醸造して世界中に販売している、としよう。一般には、企業の業績には、社内のさまざまな活動だけでなく、社外の要因も大きくかかわっている。しかしながら、ここでは、問題が複雑にならないように、一部の活動に限定して、M社の醸造計画を考えてみよう。

栽培および醸造において、量と質には、醸造量が増えれば増えるほどワインの品質が低下する、という関係があると仮定する。この関係は、

$$q = a - bx$$

という単純な式で表されるとする。ここで、 x はワインの醸造量（リットル）、 q はワインの品質の高さを表すM社が独自に定めた指標とし、 a と b は正の実数とする。また、変数 x のとり得る値の範囲は、 x と q がともに正の値となる範囲とする。

醸造されるワインはすべて同一の品質で、同一の価格で販売されるものとし、その価格を p （円／リットル）で表す。市場において、品質の高いワインは希少性が増すため、その価格は非常に高いものになる。この関係は、

$$p = cq^2$$

で表されると仮定する。ただし、 c は正の実数とする。また、醸造されたワインは、上記で定まる価格で、すべて残らずに販売されてしまうものとする。

M社は、以上の諸条件を前提にして、その年の栽培および醸造を行う。すなわち、醸造量を x と決め、それに応じて適切な栽培および醸造を行うことにより、品質の指標が q となるワインを作り、その全量（すなわち x ）を品質の指標 q に応じた価格 p で販売し、売上高 $y = px$ （円）を得る。

- (1) 売上高は、

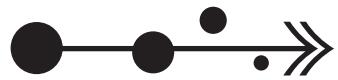
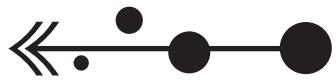
$$x = \frac{\boxed{69}}{\boxed{70}} \cdot \frac{a}{b} \text{ (リットル)}$$

のとき、最大値

$$\frac{\boxed{71}}{\boxed{72} \boxed{73}} \cdot \frac{ca}{b} \boxed{74} \text{ (円)}$$

をとる。

- (2) 次に、ワインを醸造するに際し、技術上の制約や販売上の都合などの理由で、醸造量の下限が設けられているとしよう。この下限を正の実数 m （リットル）で表す。 x の取り得る値の範囲には、 x が m 以上という条件が追加されることになる。このときの売上高の最大値を \bar{y} で表し、それを与える醸造量を \bar{x} で表す。 \bar{x} は m の関数であるので、これを $\bar{x} = f(m)$ で表す。関数 $f(m)$ の定義域を $0 < m < \frac{a}{b}$ として、この関数のグラフを描きなさい。



同様に、 \bar{y} も m の関数であるので、これを $\bar{y} = g(m)$ で表す。関数 $g(m)$ の定義域を $0 < m < \frac{a}{b}$ として、この関数のグラフを描きなさい。