



2012年理系学部第2問

2 実数  $x, y$  が  $x^2 + y^2 - 4y + 2 = 0$  を満たすとする。 $k = \frac{x}{y}$ ,  $z = \frac{x^2 + 4xy + 9y^2}{xy + 2y^2}$  とおくとき、次の問い合わせに答えよ。

- (1)  $k$  のとりうる値の範囲を求めよ。
- (2)  $z$  を  $k$  の式で表せ。
- (3)  $z$  の最小値とそのときの  $k$  の値を求めよ。
- (4)  $z$  の最小値を与える  $x$  の値は 2 つある。それらを  $\alpha, \beta$  とするとき、 $\alpha + \beta$  を求めよ。