



2015年理系第1問

1 四面体 $OABC$ において、3つのベクトル \vec{OA} , \vec{OB} , \vec{OC} はどの2つも互いに垂直であり、 $h > 0$ に対して、

$$|\vec{OA}| = 1, \quad |\vec{OB}| = 2, \quad |\vec{OC}| = h$$

とする。3点 O , A , B を通る平面上の点 P は、 \vec{CP} が \vec{CA} と \vec{CB} のどちらとも垂直となる点であるとする。次の問いに答えよ。

- (1) $\vec{OP} = \alpha\vec{OA} + \beta\vec{OB}$ とするとき、 α と β を h を用いて表せ。
- (2) 直線 OP と直線 AB が直交していることを示せ。
- (3) $\triangle PAB$ は、辺 AB を底辺とする二等辺三角形ではないことを示せ。