



2016年理学部第1問

1 次の文中の  ア  ~  ヌ  にあてはまる最も適切な数値を答えなさい。

(1) 平面上のベクトル  $\vec{a}$  と  $\vec{b}$  が

$$|\vec{a}| = 2, \quad |\vec{b}| = \sqrt{3}, \quad |\vec{a} - 2\vec{b}| = 2\sqrt{2}$$

を満たすとき  $\vec{a} \cdot \vec{b} =$   ア  である。また  $|\vec{a} + t\vec{b}|$  を最小にする実数  $t$  の値は  $\frac{\text{イ}}{\text{ウ}}$  である。

(2) 1次不定方程式  $17x + 59y = 1$  のすべての整数解は、 $n$  を任意の整数として

$$x = 59n + \text{エ}, \quad y = -17n + \text{オ}$$

である。

(3)  $i$  を虚数単位とし、 $z = -1 + \sqrt{3}i$  とすると、

$$z^2 = \text{カ} + \text{キ} \sqrt{3}i, \quad z^3 = \text{ク} + \text{ケ} \sqrt{3}i$$

である。また、 $z^n$  を  $n$  について 1 から 9 まで足し合わせると、

$$\sum_{n=1}^9 z^n = \text{コ} \text{サ} (\text{シ} + \text{ス} \sqrt{3}i)$$

となる。

(4)  $\log_{15} 900 = \text{セ} + \frac{\text{ソ}}{\log_2 \text{タ} + \log_2 \text{チ}}$  である。

(5) 区間  $[0, \pi]$  を定義域とする 2 つの関数  $f_1(x) = \cos(x + \alpha) + d$  と  $f_2(x) = \cos(x - \alpha) - d$  を考える。  
 $\alpha = \frac{\pi}{4}$ ,  $d = \frac{1}{4}$  のとき、これら 2 つの関数のグラフの交点の  $x$  座標は

$$\sin x = \frac{\sqrt{\text{ツ}}}{\text{テ}}$$

を満足する。

また、 $\alpha = \frac{\pi}{6}$  のとき、 $d = \frac{\text{ト}}{\text{ナ}}$  であればこれら 2 つの関数のグラフは、 $x = \frac{\text{ニ}}{\text{ヌ}} \pi$  で接している。