



2012年 理工学部 第3問

3 一辺の長さが1の正四面体OABCを考える．底面ABCの内接円の半径を r とおき，頂点Oを通り底面ABCに垂直な直線からの距離が r 以下である点全体からなる円柱を T とする．

(1) $r = \frac{\sqrt{\boxed{\text{ネ}}}}{\boxed{\text{ノ}}}$ である．

(2) 正四面体OABCの高さは $\frac{\sqrt{\boxed{\text{ハ}}}}{\boxed{\text{ヒ}}}$ である．

(3) 辺ABの中点と頂点Oとを結ぶ線分上に点Pをとり， $x = OP$ とおく．Pを通り底面ABCに平行な平面による側面OABの切り口を L とする．

L が T に含まれるような x の最大値を x_1 とすると

$$x_1 = \frac{\sqrt{\boxed{\text{フ}}}}{\boxed{\text{ヘ}}}$$

である．

$x_1 \leq x \leq \frac{\sqrt{3}}{2}$ のとき， L と T の共通部分の長さは

$$\frac{\boxed{\text{ホ}}}{\boxed{\text{マ}}} \sqrt{\frac{\boxed{\text{ミ}}}{\boxed{\text{ム}}} - x^2}$$

である．

正四面体OABCの表面で T に含まれる部分の面積は

$$\frac{\pi}{\boxed{\text{メ}}}$$

である．