



2010年 医学部 第3問

3 行列 $A = \begin{pmatrix} a & b \\ -b & c \end{pmatrix}$ で表される座標平面上の点の移動を考える. 原点を通る直線 l 上のすべての点が l 上の点に移されるとき, この移動によって l はそれ自身に移されるということにする. このとき, 次の問いに答えよ.

- (1) 原点を通る直線で, この移動によってそれ自身に移されるものがちょうど2つ存在するための必要十分条件を, a, b, c を用いて表せ.
- (2) a, b, c が(1)の条件をみたすとき, (1)の2つの直線は, 直線 $y = x$ に関して対称であることを証明せよ.