

2014年法学部・人間環境学部第1問

 数理  
石井K

1 空欄 [1] から [11] にあてはまる数値または式を記入せよ.

21600

(1)  $(3x+2)(2x^2-5x+3)$  を展開すると, [1] となる.

$$6x^3 - 11x^2 - x + 6$$

(2) 男子5人, 女子3人が1列に並ぶとき, 女子3人が続いて並ぶ方法は [2] 通り, 一端に男子, もう一端に女子が並ぶ方法は [3] 通りある.

720

4320

(3)  $\frac{1+2i}{1-3i} + \frac{1-4i}{1+3i} = a+bi$  ( $a, b$  は実数) と表すとき,  $a = [4]$ ,  $b = [5]$  である.

$$-\frac{8}{5}$$

$$-\frac{1}{5}$$

(4) 1, 2, 3, 4, 5の5個の数字を用いて3桁の整数をつくるとき, 奇数は全部で [6] 個できる. ただし, 同じ数字を繰り返し用いてよい.

25

(5)  $0 \leq \theta \leq \pi$  のとき, 関数  $y = -2\sin^2\theta + 8\cos\theta + 3$  は,  $\theta = [7]$  のとき, 最小値 [8] をとる.

-5

(6) 不等式  $\frac{1}{9^x} - \frac{30}{3^x} + 81 \leq 0$  の解は [9] である. また,  $-2 \leq x \leq 0$  において関数  $y = \frac{1}{9^x} - \frac{30}{3^x} + 81$  は,  $x = [10]$  のとき, 最小値 [11] をとる.

-2

-108

$$(1) (3x+2)(2x^2-5x+3) = 6x^3 - 15x^2 + 9x + 4x^2 - 10x + 6 = \underline{\underline{6x^3 - 11x^2 - x + 6}}$$

$$(2) 6! \times 3! = \underline{\underline{4320 \text{ 通り}}}, \quad 5 \times 3 \times 2 \times 6! = \underline{\underline{21600 \text{ 通り}}},$$

$$(3) (\text{左辺}) = \frac{(1+2i)(1+3i) + (1-4i)(1-3i)}{(1-3i)(1+3i)} = \frac{-5+5i+(-11-7i)}{10} = \frac{-16-2i}{10} = \underline{\underline{-\frac{8-i}{5}}}$$

$$\therefore a = -\frac{8}{5}, \quad b = -\frac{1}{5}$$

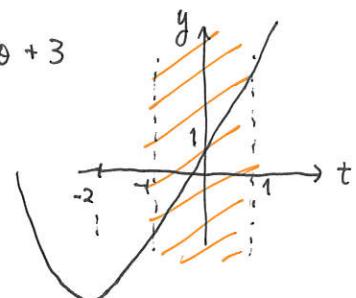
$$(4) 5^2 \times 3 = \underline{\underline{75 \text{ 1個}}}$$

$$(5) t = \cos\theta \quad (-1 \leq t \leq 1) \text{ とおくと, } y = -2(1 - \cos^2\theta) + 8\cos\theta + 3$$

$$= 2t^2 + 8t + 1$$

$$\therefore -1 \leq t \leq 1 \text{ なので, } = 2(t+2)^2 - 7$$

$$\underline{\underline{\text{最小値 } -5 \text{ } (\theta = \pi \text{ のとき)}}}$$



$$(6) t = 3^{-x} \text{ とおくと } (t > 0)$$

$$-2 \leq x \leq 0 \iff 1 \leq t \leq 9$$

$$t^2 - 30t + 81 \leq 0$$

$$\therefore y = (t-15)^2 - 144$$

$$(t-27)(t-3) \leq 0$$

$$\therefore t = 9 \quad (x = -2 \text{ のとき})$$

$$\therefore 3 \leq t \leq 27$$

$$\therefore \underline{\underline{-3 \leq x \leq -1}}$$

$$\underline{\underline{\text{最小値 } -108}}$$

