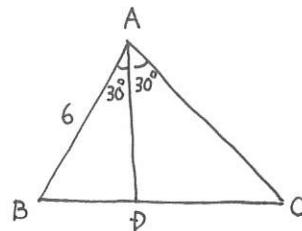


2015年B日程第3問

- 3 三角形ABCにおいて $AB = 6$, $\angle A = 60^\circ$, $\angle A$ の2等分線とBCとの交点をDとする。三角形ABDと三角形ADCの面積比が2:3のとき、次の値を求めよ。

- (1) ACの長さ = 9
 (2) BDの長さ = $\frac{6\sqrt{7}}{5}$



(1) $\triangle ABD$, $\triangle ADC$ は底辺の長さがそれぞれ BD , DC で

高さが共通の三角形なので

$$BD : DC = 2 : 3 \cdots ①$$

また、 AD は $\angle A$ の2等分線であるから

$$AB : AC = BD : DC \cdots ②$$

$$\text{①, ②より, } 6 : AC = 2 : 3 \quad \underline{AC = 9},$$

(2) 余弦定理より

$$BC^2 = 6^2 + 9^2 - 2 \cdot 6 \cdot 9 \cdot \cos 60^\circ$$

$$= 63$$

$$\therefore BC = 3\sqrt{7}$$

$BD : DC = 2 : 3$ より

$$BD = \frac{2}{5} BC$$

$$= \underline{\frac{6\sqrt{7}}{5}},$$