



2012年理系第4問

4  $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$  とする. 原点  $O$  を中心とする単位円周上の異なる3点  $A, B, C$  が条件

$$(\cos \theta)\vec{OA} + (\sin \theta)\vec{OB} + \vec{OC} = \vec{0}$$

を満たすとする. 次の問いに答えよ.

- (1) 2つのベクトル  $\vec{OA}, \vec{OB}$  は垂直であることを証明せよ.
- (2)  $|\vec{CA}|, |\vec{CB}|$  を  $\theta$  を用いて表せ.
- (3) 三角形  $ABC$  の周の長さ  $AB + BC + CA$  を最大にする  $\theta$  を求めよ.