

2014年薬学部（生命創薬科）第1問

- 1 白, 赤, 黄, 緑の4色に光るライトがある。はじめ, ライトの色は白であり, 1分経過するごとに, 次のルールでライトの色が変わるものとする。ただし, ライトの色が白のときについては $n = 0, 1, 2, \dots$, それ以外の色のときについては $n = 1, 2, \dots$ とする。

- (i) n 分後に白のとき, $n+1$ 分後ではそれぞれ $\frac{1}{3}$ の確率で赤, 黄, 緑になる。
- (ii) n 分後に赤のとき, $n+1$ 分後ではそれぞれ $\frac{1}{3}$ の確率で白, 黄, 緑になる。
- (iii) n 分後に黄のとき, $n+1$ 分後ではそれぞれ $\frac{1}{3}$ の確率で白, 赤, 緑になる。
- (iv) n 分後に緑のとき, $n+1$ 分後ではそれぞれ $\frac{1}{3}$ の確率で白, 赤, 黄になる。

n を自然数とし, n 分後にライトの色が白である確率を P_n , また, n 分後にライトの色が赤である確率を Q_n とする。

(1) $P_2 = \frac{\boxed{\text{ア}}}{\boxed{\text{イ}}}, Q_2 = \frac{\boxed{\text{ウ}}}{\boxed{\text{エ}}}$ である。

(2) P_n および Q_n についての漸化式を利用すると, 自然数 n に対して, n が 3 以上のとき,

$$P_n = \frac{\boxed{\text{オ}}}{\boxed{\text{カ}}} \left(\boxed{\text{キ}} - \left(-\frac{\boxed{\text{ク}}}{\boxed{\text{ケ}}} \right)^{n-1} \right)$$

$$Q_n = \frac{\boxed{\text{コ}}}{\boxed{\text{サ}}} \left(\boxed{\text{シ}} + \frac{\boxed{\text{ス}}}{\boxed{\text{セ}}} \left(-\frac{\boxed{\text{ソ}}}{\boxed{\text{タ}}} \right)^{n-1} \right)$$

である。