



2012年理工第3問

- 3  $a_1 = 2, a_{n+1} = -2a_n + 3 (n = 1, 2, 3, \dots)$  で定められる数列  $\{a_n\}$  を次のような群に分ける。このとき、以下の問い合わせに答えなさい。

$| a_1, | a_2, a_3, a_4, | a_5, a_6, a_7, a_8, a_9, | a_{10}, a_{11}, a_{12}, a_{13}, a_{14}, a_{15}, a_{16}, | a_{17}, \dots$

第1群 第2群 第3群 第4群 第5群

- (1) 第10群に含まれる項の個数を求めなさい。
- (2) 数列  $\{a_n\}$  の一般項を求めなさい。
- (3)  $a_n = 1025$  となる項  $a_n$  は第何群に含まれているか求めなさい。
- (4) 第  $k$  群 ( $k = 2, 3, \dots$ ) に含まれる項の平均値を求めなさい。