



2010年 医学部 第6問

- 6 2つの数列 $\{a_n\}$, $\{b_n\}$ は, すべての自然数 n について

$$a_{n+1} = \frac{a_n}{1 - b_n^2}, \quad b_{n+1} = a_{n+1}b_n$$

をみたしているとする.

- (1) 初項が $a_1 = b_1 = \frac{1}{2}$ であるとする.
- (i) a_2, b_2, a_3, b_3 を求めよ.
 - (ii) a_n, b_n を表す n の式を推定し, それらの推定が正しいことを数学的帰納法によって証明せよ.
- (2) 初項が $a_1 = \frac{1}{2010}, b_1 = \frac{2009}{2010}$ であるとする.
- (i) $a_{n+1} + b_{n+1}$ を a_n, b_n で表せ.
 - (ii) $a_n + b_n$ を求めよ.