

2014年 第3問

3 初項3, 公比2の等比数列を $\{a_n\}$ とし,

$$S_n = \sum_{i=1}^n (\log_{a_i} 2) \cdot (\log_{a_{i+1}} 2) \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

とする. 次の問いに答えよ.

- (1) 数列 $\{a_n\}$ の一般項を求めよ.
- (2) $\frac{1}{x(x+1)} = \frac{A}{x} + \frac{B}{x+1}$ が x についての恒等式になる定数 A, B を求めよ.
- (3) $S_n < \log_3 2$ となることを示せ.
- (4) $|S_n - \log_3 2| < \frac{1}{1000}$ となる最小の n を求めよ.