

2015年 医学部 第 4 問

4 xy 平面上に直線 $\ell:y=rac{1}{2}x$ がある.自然数 n に対して,この平面上に,正方形 $A_nB_nC_nD_n$ を次のように定める.

$$\left\{egin{array}{ll} A_1\left(rac{1}{3},\ 0
ight) \\ 正方形の頂点は時計回りに $A_n,\ B_n,\ C_n,\ D_n$ とする. 頂点 $A_n,\ D_n$ は x 軸上にあり,頂点 B_n は直線 ℓ 上にある. 頂点 A_n の x 座標は頂点 D_n の x 座標より小さい. 頂点 D_n を頂点 A_{n+1} とする.$$

頂点 A_n の x 座標を x_n , 正方形 $A_nB_nC_nD_n$ の面積を S_n とする.

数n に対して正方形 $A_nB_nC_nD_n$ の対角線の交点は直線 $y=\frac{1}{2}x$ 上にある.

① -n-1 ② -n ③ n-2 ④ n-1 ⑤ n ⑥ n+1

(3) $T_n = \sum_{k=1}^n S_k$ とおく、 $T_n > 1$ となる最小の n は \Box である、