

2013年 工・情報科学・社シス科学 第4問

4 Oを原点とする xy 平面上に、放物線  $C: y = \frac{1}{4}x^2$  がある。点 A(2, 8) を通る直線  $\ell: y = t(x-2) + 8$  (ただし、t は定数)と C との 2 つの交点を結ぶ線分の中点を M(X, Y) とするとき、次の問いに答えよ。

- (1) C と  $\ell$  との 2 つの交点の x 座標を  $\alpha$ ,  $\beta$  とすると,  $\alpha+\beta=$   $\boxed{r}$  t である. X, Y を t を用いて表すと,  $X = \boxed{r}$  t,  $Y = \boxed{r}$   $t^2 \boxed{r}$   $t + \boxed{r}$  である.
- (3) t が から まで変化するときの の軌跡は、放物線

$$D: y = \frac{7}{7}x^2 - x + \boxed{3}$$