



2013年 理学部（数理） 第3問

3 n を2以上の自然数とする。このとき、次の問に答えよ。

(1) $\int_1^n \log x dx$ を求めよ。

(2) 関数 $y = \log x$ の定積分を利用して、次の不等式を証明せよ。

$$(n-1)! \leq n^n e^{-n+1} \leq n!$$

(3) 極限值

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\log(n!)}{n \log n}$$

を求めよ。